復習問題 略解

- ① a) $A \cap B = \{n \mid n \text{ は 6 One bound}, n(A \cap B) = 16.$
- b) $n((A \cap B) \cup C) = n(A \cap B) + n(C) n(A \cap B \cap C) = 16 + 20 3 = 33$
- [2] a) a < 5
- b) $6 \le a < 7$
- c) $B \subset A$ となるような a の範囲を求めればよい. そのような a の範囲は a > 8.
- ③ a) 36 個 ($U = \{(a,b) \mid a, b \text{ は 1 から 6 までの自然数} \}$ だから, n(U) = 36)
- b) 2³⁶ 個
- c) $A = \{(4,5), (4,6), (5,4), (5,5), (5,6), (6,4), (6,5), (6,6)\}$
- d) \overline{B} は 「出た目の数がともに偶数である」であり、 $n(\overline{B})=3\times 3=9$. したがって、 $n(B)=n(U)-n(\overline{B})=27$.
- e) $A \cap B = \{(4,5), (5,4), (5,5), (5,6), (6,5)\}$ & \mathcal{O} , $n(A \cap B) = 5$. $P_A(B) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{n(A \cap B)}{n(A)} = \frac{5}{8}$.

4 a)

ガン	有	無	計
陽性	0.9 %	4.95 %	5.85 %
陰性	0.1 %	94.05 %	94.15 %
計	1 %	99 %	100 %

- b) $\frac{0.9}{5.85} = 0.154 (= 15.4\%)$
- ⑥ A:「どちらかが偶数」,B:「両方の目が偶数」とすると,求める確率は $P_A(B)$. $P(A)=\frac{3}{4}$, $P(A\cap B)=P(B)=\frac{1}{4}$ だから, $P_A(B)=\frac{\frac{1}{4}}{\frac{3}{4}}=\frac{1}{3}$.
- $\boxed{7}$ $P(A) = \frac{1}{4}$, $P(B) = \frac{3}{13}$, $P(C) = \frac{1}{26}$, $P(A \cap B) = \frac{3}{52} = P(A)P(B)$, $P(A \cap C) = \frac{1}{52} \neq P(A)P(C)$, $P(B \cap C) = \frac{1}{26} \neq P(B)P(C)$. したがって、 $A \succeq B$ は独立、 $A \succeq C$ 、 $B \succeq C$ は独立ではない.
- 8 a) $X \sim B(4, \frac{1}{2})$ だから, E(X) = 2, V(X) = 1.
- b) $E(X) = \frac{35}{18} = 1.94$, $V(X) = \frac{655}{324} = 2.05$
- 9 表の出た硬貨の金額の和を X とする。確率分布は X 0 50 100 150 計 たから、E(X) = 75
- (円), $\sigma(X) = 25\sqrt{5} = 55.9$ (円)

10 さいころの出る目の数を Y 、表の出た硬貨の枚数を Z とすると, X=YZ 、 Y と Z は明らかに独立であるから, E(X)=E(YZ)=E(Y)E(Z) . そして, $E(Y)=\frac{7}{2}$, E(Z)=1 だから $E(X)=\frac{7}{2}$.

- 11 a) $X \sim B(1000, 0.05)$
- b) $E(X) = 1000 \times 0.05 = 50$, $V(X) = 1000 \times 0.05 \times (1 0.05) = 47.5$.

b)
$$Y \sim B(4, \frac{3}{8})$$
 だから, $E(Y) = \frac{3}{2}$, $V(Y) = 4 \times \frac{3}{8} \times \frac{5}{8} = \frac{15}{16}$.

13 a)
$$X \sim B(6, \frac{1}{3})$$
, $E(X) = 2$, $V(X) = \frac{4}{3}$, $\sigma(X) = \frac{2\sqrt{3}}{3}$.

- b) 3 の倍数の目が出なかった回数は 6-X だから、Y=(+2)X+(-1)(6-X)=3X-6
- c) $E(Y) = E(3X 6) = 3E(X) 6 = 2 \times 3 6 = 0$, $V(Y) = V(3X 6) = 3^2V(X) = 12$, $\sigma(X) = 2\sqrt{3}$.