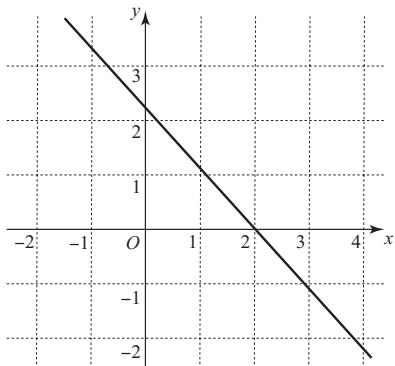


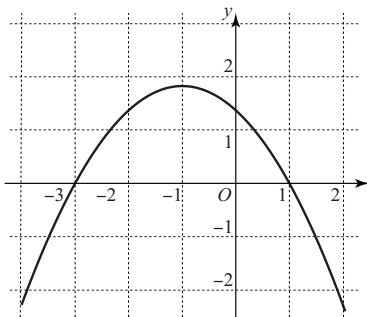
□ 次の各々のグラフは関数  $f(x)$  の導関数  $f'(x)$  の概形を示したものである。それぞれの関数  $f(x)$  の増減表を書いて、 $y = f(x)$  のグラフの凹凸を調べよ。(凹凸は曲がった矢印  $\nearrow$   $\curvearrowleft$   $\curvearrowright$   $\searrow$  で表すこと。)

a)



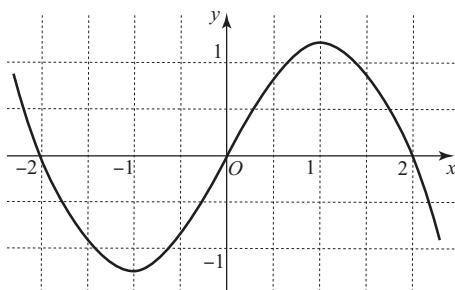
$x$	...			...
$f'(x)$				
$f''(x)$				
$f(x)$				

b)



$x$	...			...			...
$f'(x)$							
$f''(x)$							
$f(x)$							

c)



$x$	...			...			...		...
$f'(x)$									
$f''(x)$									
$f(x)$									

入学年度	学部	学科	組	番号	検	フリガナ	
							氏名

2]  $f(x) = x^4 + \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 - x - 2$  とする.

a)  $f(x)$  の導関数  $f'(x)$  と 2 次導関数  $f''(x)$  を求めよ.

b)  $f'(x) = 0$  となる  $x$  を求めよ. また,  $f'(x) > 0$  となる  $x$  の範囲を求めよ.

c)  $f''(x) = 0$  となる  $x$  を求めよ. また,  $f''(x) > 0$  となる  $x$  の範囲を求めよ.

d)  $f(x)$  の増減表を完成させよ. (増減だけでなくグラフの凹凸も調べること.)

$x$	…		…		…		…		…		…
$f'(x)$											
$f''(x)$											
$f(x)$											

3)  $f(x) = (x - 1)e^{x+1}$  とする.

a)  $f(x)$  の導関数  $f'(x)$  と 2 次導関数  $f''(x)$  を求めよ.

b)  $f'(x) = 0$  となる  $x$  を求めよ. また,  $f'(x) > 0$  となる  $x$  の範囲を求めよ.

c)  $f''(x) = 0$  となる  $x$  を求めよ. また,  $f''(x) > 0$  となる  $x$  の範囲を求めよ.

d)  $f(x)$  の増減表を完成させよ. (増減だけでなくグラフの凹凸も調べること.)

$x$	...		...		...
$f'(x)$					
$f''(x)$					
$f(x)$					

e)  $f(x)$  が極大・極小となる点、および変曲点を求めよ.

f)  $e \doteq 2.718$ ,  $e^{-1} \doteq 0.368$ ,  $e^{-2} \doteq 0.135$  であるとして、 $f(-3), f(-2), f(-1), f(0), f(1), f(2)$  の値を概算せよ.

g)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$  であることが知られている。これと、ここまで得た結果を用いて、 $f(x)$  のグラフを描け。

