

## 復習問題

[1] 次の各式を因数分解せよ。

a)  $3x^2 + 10x + 8$       b)  $6a^2 + 11ab - 2b^2$       c)  $x^4y - xy^4$       d)  $81a^3 + 3$

[2]  $3x^3 - 4x^2 + 12x + 16$  を  $x^2 - 2x + 5$  で割ったときの商と余りを求めよ。[3]  $P(x) = x^3 + 5x^2 - 2x - 24$  とする。

- a)  $P(2)$  を求めよ。また、 $P(x)$  を  $x - 2$  で割ったときの余りを求めよ。  
 b)  $P(x)$  を因数分解せよ。  
 c)  $P(x)$  と  $x^3 + x^2 - 6x$  の最大公約数と最小公倍数を求めよ。

[4] 次の各々の式を簡単にせよ。

a)  $\frac{a^6b^{-5}}{(a^3b^{-2})^3}$       b)  $3x^{\frac{1}{3}} \cdot x^{-\frac{7}{3}}$       c)  $\frac{16^{\frac{5}{8}} \cdot 16^{\frac{1}{2}}}{16^{\frac{7}{8}}}$       d)  $\sqrt[3]{81x^5y^{10}} \sqrt[3]{9xy^{-1}}$

[5] 次の各々の式を簡単にせよ。

a) $\frac{\frac{ab}{c}}{ab^2c} \div \frac{c}{ab^2}$	b) $\frac{a+1}{3a} + \frac{b-2}{5b}$	c) $\frac{2x}{2x-1} - \frac{3x}{2x+5}$
d) $\frac{1}{x^2 - 3x + 2} - \frac{1}{x-1}$	e) $\frac{4}{x^2 - 9} - \frac{5}{x^2 - 6x + 9}$	f) $\frac{4}{x^2 - 4} - \frac{3}{x^2 + 4x + 4}$
g) $\frac{x}{x+y} + \frac{y}{x-y} - \frac{x^2 + y^2}{x^2 - y^2}$	h) $\frac{\frac{1}{x} - \frac{1}{y}}{1 - \frac{1}{xy}}$	i) $\frac{\frac{x}{1+x^2}}{1 - \frac{1}{1+x^2}}$

[6] ある立方体において、その高さを変えないで、横を 5cm のばし、縦を 2cm 縮めた直方体を作ったところ、もとの立方体より体積が  $48\text{cm}^3$  増加した。もとの立方体の 1 辺の長さを求めよ。

[7] 次の 2 次不等式を解け。

a)  $x^2 + 2x - 3 \geq 0$       b)  $x^2 - 6x + 7 < 0$       c)  $x^2 + 2x - 1 > 0$

[8] 関数  $y = x^2 - 2x - 2$  の  $-1 \leq x \leq 5$  における最大値および最小値を求めよ。

[9] ある商品の売価が 80 円のとき 100 個の売り上げがあり、売価を 10 円ずつ値上げするごとに 5 個ずつ売り上げが減っていくという。

- a) 売価を  $x$  円値上げしたとき、すなわち売価が  $(80 + x)$  円のとき何個の売り上げがあるか。また、そのときの売り上げ金額はいくらか。  
 b) 最大の売り上げ金額を得るためにの売価はいくらか。

[10] 周の長さが 20m で、面積が  $21\text{m}^2$  以上の長方形上の囲いを作りたい。短い方の辺の長さをどのような範囲にとればよいか。

**[11]** 次の式を簡単にせよ.

a)  $\log_2 24 + \log_2 4 - \log_2 3$

c)  $\log_2 3 \cdot \log_{27} 25 \cdot \log_5 32$

b)  $\log_3 \frac{27}{5} + \log_3 \frac{2}{3} - \log_3 \frac{6}{5}$

d)  $(\log_2 3 + \log_4 9)(\log_3 4 + \log_9 2)$

**[12]** 1回濾過するたびに飲料水に含まれる有害物質の 80% を除去することのできる装置がある. この装置で濾過を繰り返すことによって、有害物質を当初含まれている量の 0.01% 以下にしたい. 何回濾過すればよいか. ただし、 $\log_{10} 2 = 0.3010$  とする.

**[13]** 次の式の値を求めよ.

a)  $\sin^2 \frac{2}{3}\pi + \sin\left(-\frac{7}{3}\pi\right) \cos\left(-\frac{5}{6}\pi\right)$

b)  $\sqrt{2} \cos\left(-\frac{5}{4}\pi\right) + 3 \sin \frac{3}{2}\pi - \sin\left(-\frac{\pi}{6}\right)$

**[14]** 次の方程式をみたす  $\theta$  の値を求めよ. ただし、 $0 \leq \theta \leq 2\pi$  とする.

a)  $2 \sin \theta = -\sqrt{3}$

b)  $\cos^2 \theta = \frac{1}{4}$

**[15]** 次の極限値を求めよ.

a)  $\lim_{x \rightarrow 2} (x^2 - 1)$

b)  $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - 1}{x + 1}$

c)  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{(a + h)^2 - a^2}{2h}$

**[16]** 関数  $f(x) = (2x - 1)^2$  について、微分係数の定義に従い  $f'(0)$ ,  $f'(1)$ ,  $f'(a)$  を求めよ.

**[17]** 次の関数を微分せよ.

a)  $f(x) = 2x(x + 3x^2)$

b)  $f(x) = (2x + 3)(3x - 5)$

c)  $f(x) = (x - 1)(x^2 + x + 1)$

**[18]**  $f(x) = x^3 - x^2 - x + 1$  のとする.

a)  $x$  が 1 から 3 まで変化するときの  $f(x)$  の変化量を求めよ.

b)  $x$  が 1 から 3 まで変化するときの  $f(x)$  の平均変化率を求めよ.

c)  $x = 2$  における  $f(x)$  の微分係数を定義に基づいて求めよ.

d)  $y = f(x)$  のグラフの (2, 3) における接線の方程式を求めよ.

e)  $f(x)$  の導関数  $f'(x)$  を求めよ.

f) 傾きが  $-1$  である接線の方程式を求めよ.

g)  $f'(x) = 0$  となる  $x$  を求めよ.

h)  $f(x)$  極値を求めよ.

**[19]** 区間  $-1 \leq x \leq 3$  において関数  $f(x) = x^3 - 2x^2 - 2x + 1$  の増減表を書き、この区間での最大値・最小値を求めよ. また、そのグラフの概形を描け.

**[20]** 右のような、縦 10 cm, 横 16 cm の長方形の厚紙がある. この四隅から 1 辺の長さが  $x$  cm の正方形を切り取り、ふたのない箱を作る.

a)  $x$  の取り得る範囲を求めよ.

b) 箱の容積  $V$  を  $x$  で表せ.

c) 箱の容積  $V$  が最大となるような  $x$  の値を求めよ.

