

8. 分数関数とそのグラフ

2015年度後期 微分積分I(火曜2限)

- 1 放物線  $y = 2x^2 - 8x + 9$  は、 $y = x^2$  のグラフを  $x$  軸の方向に  だけ平行移動し、 $y$  軸の方向に  だけ平行移動し、さらに、頂点を中心に  $y$  軸の方向に  倍したものである。

- 2  $y = f(x)$  のグラフが次のようなグラフであるとき、次の関数のグラフを描け。

a)  $y = f(x+1) - 2$

この関数のグラフは、

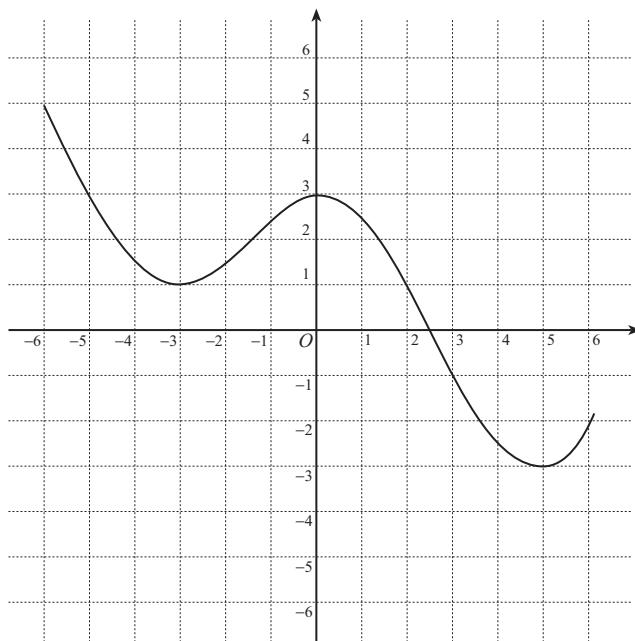
$y = f(x)$  のグラフを

$x$  軸の方向に

$y$  軸の方向に

だけ平行移動したもの

である。



b)  $y = \frac{1}{2}f(x-1)$

この関数のグラフは、

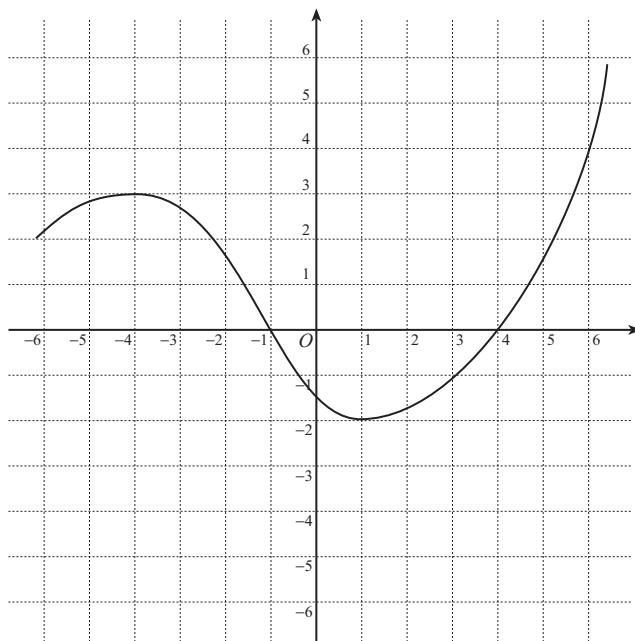
$y = f(x)$  のグラフを

$x$  軸の方向に

だけ平行移動し、

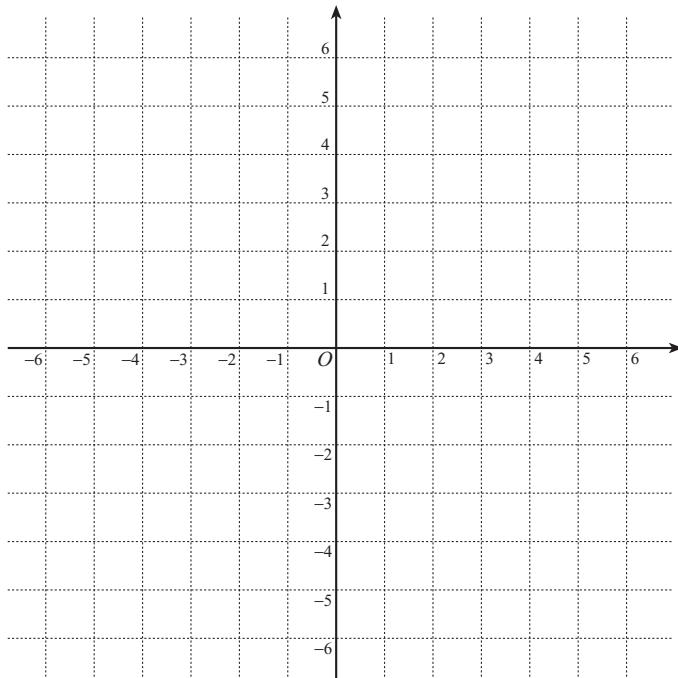
$y$  軸の方向に  倍

したものである。

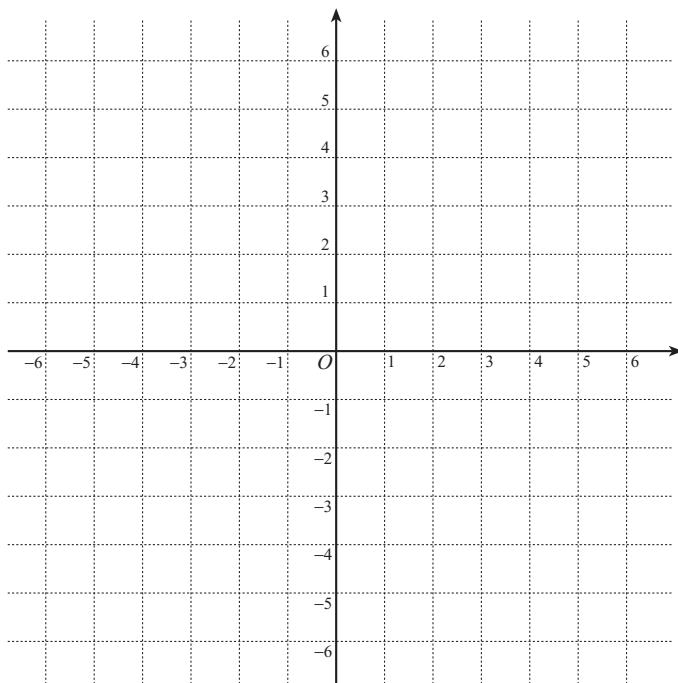


3 次の関数のグラフの概形を描け。

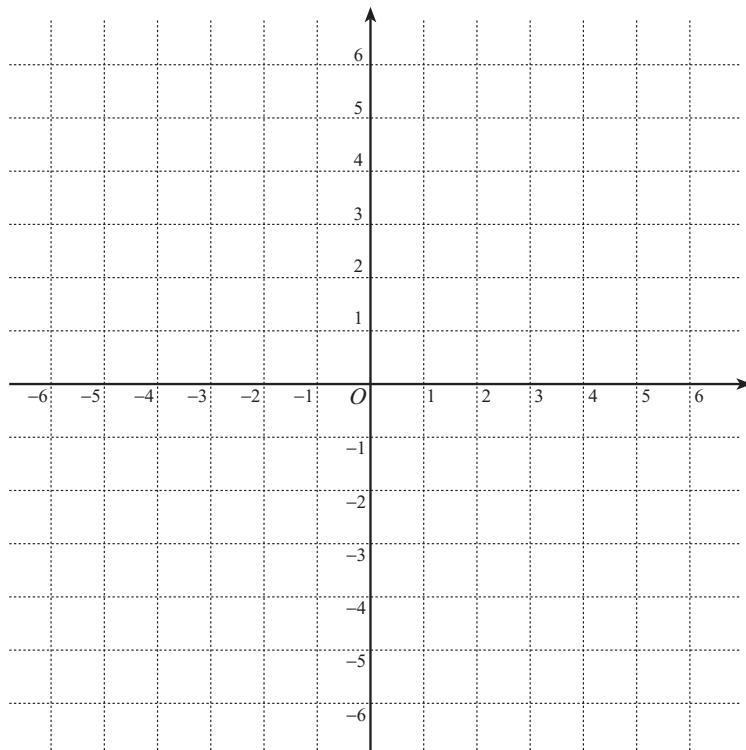
a)  $f(x) = \frac{1}{x+1} - 2$



b)  $f(x) = \frac{2x-3}{x-2} = \boxed{\phantom{-}} + \frac{\boxed{\phantom{-}}}{x-2}$



- 4 関数  $y = \frac{2x}{x+1}$  のグラフを利用して、不等式  $\frac{2x}{x+1} > -x + 2$  を解け。



5)  $f(x) = \frac{-3x + 5}{2x - 4}$  とする.

a)  $f(x)$  の導関数を求めよ.

b)  $y = f(x)$  のグラフの  $(1, -1)$  における接線の方程式を求めよ.

c)  $y = f(x)$  のグラフと  $(1, -1)$  における接線を描け.

