

[1] 次の二つの関数  $f(x), g(x)$  を合成し、 $(g \circ f)(x)$  と  $(f \circ g)(x)$  を求めよ。

a)  $f(x) = x - 1, g(x) = \frac{2}{x} + 3$

b)  $f(x) = \frac{6}{3-x}, g(x) = \frac{-3x}{2-x}$

c)  $f(x) = 2\sqrt{x} + 3, g(x) = x^2 + 1$

d)  $f(x) = \log_4(x), g(x) = 2^{-x}$

[2]  $f(x) = 3x - 2, g(x) = 2 - x, h(x) = \frac{4-x}{3}$  とする。

a) 合成関数  $(f \circ g)(x)$  と  $(g \circ h)(x)$  を求めよ。

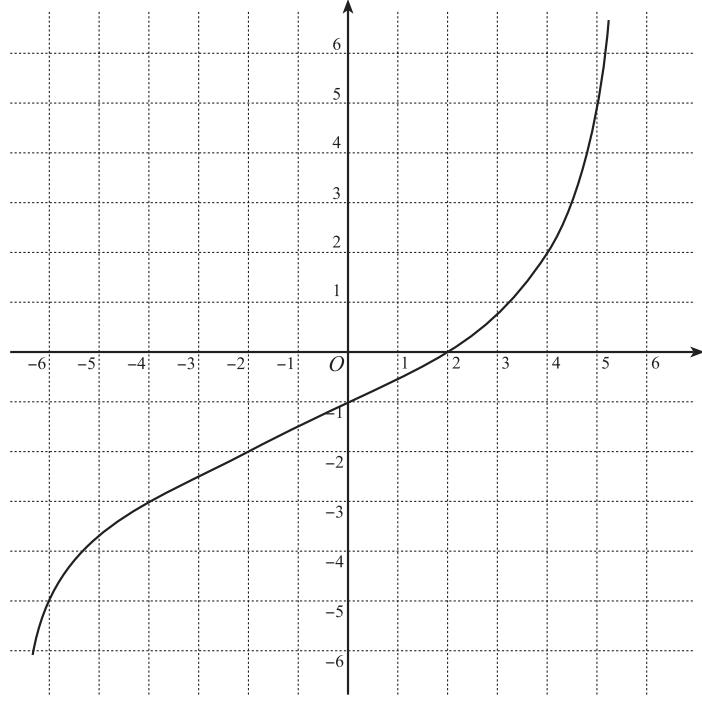
b)  $((f \circ g) \circ h)(x)$  と  $(f \circ (g \circ h))(x)$  が等しいことを示せ。

[3]  $f(x) = \frac{2x+1}{x-3}$  とする。

a) 逆関数  $f^{-1}(x)$  を求めよ。

b)  $(f^{-1} \circ f)(x)$  と  $(f \circ f^{-1})(x)$  をそれぞれ計算せよ。

- 4 下の図のグラフは、関数  $y = f(x)$  のグラフである。その逆関数  $y = f^{-1}(x)$  のグラフは、 $y = f(x)$  のグラフを直線  に関し  移動したものである。 $y = f^{-1}(x)$  のグラフを下の図に書き込め。



- 5  $f(x) = -\sqrt{-3x + 6}$  とする。

a)  $f(x)$  の定義域と値域を示せ。

b) 逆関数  $f^{-1}(x)$  を求めよ。

c)  $f^{-1}(x)$  の定義域と値域を示せ。

- d)  $y = f(x)$  のグラフと逆関数  $y = f^{-1}(x)$  のグラフを描け。

