

1 $x \neq -1, 0, 1$ のとき, 関数 $f_1(x)$, $f_2(x)$, $f_3(x)$, $f_4(x)$ を次のように定義する.

$$f_1(x) = x, \quad f_2(x) = -\frac{1}{x}, \quad f_3(x) = \frac{1+x}{1-x}, \quad f_4(x) = \frac{x-1}{x+1}.$$

a) $f_2 \circ f_3 = f_4$ すなわち $f_2(f_3(x)) = f_4(x)$ であることを証明せよ.

b) 右の表は f_2 の行と f_3 の列の交点に f_4 と書き入れて $f_2 \circ f_3 = f_4$ であることを示したものである. このようにして右の表を完成せよ.

\circ	f_1	f_2	f_3	f_4
f_1				
f_2			f_4	
f_3				
f_4				

c) 前問の表を用いて, $f_2(x)$, $f_3(x)$, $f_4(x)$ の逆関数をそれぞれ求めよ.

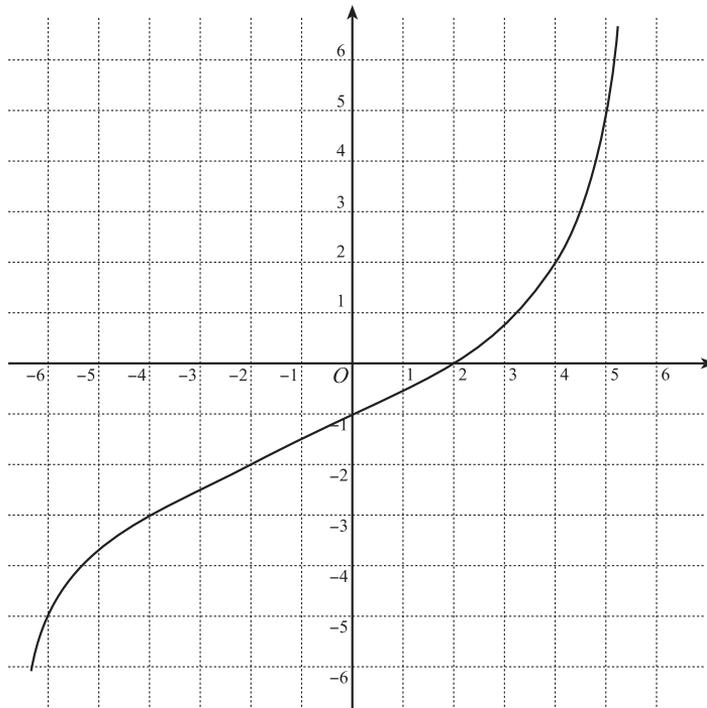
2 $f(x) = \frac{2x+1}{x-3}$ とする.

a) 逆関数 $f^{-1}(x)$ を求よ.

b) $(f^{-1} \circ f)(x)$ を求めよ.

c) $(f \circ f^{-1})(x)$ を求めよ.

3 下の図のグラフは、関数 $y = f(x)$ のグラフである。その逆関数 $y = f^{-1}(x)$ のグラフは、 $y = f(x)$ のグラフを直線 に関し 移動したものである。 $y = f^{-1}(x)$ のグラフを下の図に書き込め。



4 $f(x) = \frac{3x+2}{x+1}$ とする.

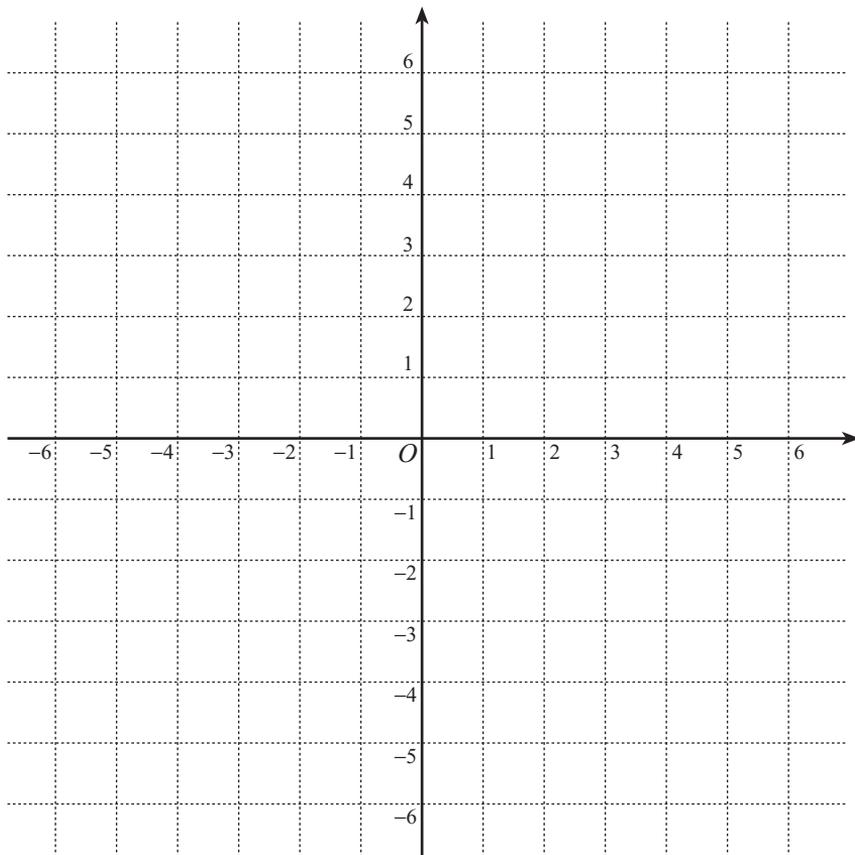
a) $f(x)$ の定義域を示せ.

b) 逆関数 $f^{-1}(x)$ を求めよ.

c) $f^{-1}(x)$ の定義域を示せ.

d) $y = f(x)$, $y = f^{-1}(x)$ の値域をそれぞれ求めよ.

e) $y = f(x)$ のグラフと逆関数 $y = f^{-1}(x)$ のグラフを描け.



5 $f(x) = -\sqrt{-3x+6}$ とする.

a) $y = f(x)$ の定義域と値域を示せ.

b) 逆関数 $f^{-1}(x)$ を求めよ.

c) $y = f^{-1}(x)$ の定義域と値域を示せ.

d) $y = f(x)$ のグラフと逆関数 $y = f^{-1}(x)$ のグラフを描け.

