♥ 3. 連立一次方程式の解法(続き)

2011年度前期 線形代数 I (木 3 限)

重立方程式 $\begin{cases} x + 2y + 4z + w = a \\ -x - y - z - 3w = b \\ - y - 3z + 3w = c \\ -x + y + 5z - 4w = d \end{cases}$ が解を持つためには a, b, c, d の間にどのような条件

がみたされなければならないかを調べたい、また、その条件が満たされるときには、すべての解を求めたい、いま、この連立方程式を行列表示すると、その行列は行に関する基本変形によって下のように変形される。

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 & 1 & a \\ -1 & -1 & -1 & -3 & b \\ 0 & -1 & -3 & 3 & c \\ -1 & 1 & 5 & -4 & d \end{pmatrix} \rightarrow \cdots \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 & 1 & a \\ 0 & 1 & 3 & -2 & a+b \\ 0 & 0 & 0 & 1 & a+b+c \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -5a-6b-3c+d \end{pmatrix}$$

- a) 連立方程式が解を持つためのa, b, c, dについての条件を求めよ.
- b) 上の条件が満たされるとき、さらに基本変形を続けることにより、解をすべて求めよ.

子土祉笛勺. 以 句 .

【裏に続く】

② 連立方程式
$$\begin{cases} x - y + z = a \\ 3x - 2y + 5z = b & を解け. \\ -2x + y - 3z = c \end{cases}$$