

1] 次の二つの関数 $f(x), g(x)$ を合成し、 $(g \circ f)(x)$ と $(f \circ g)(x)$ を求めよ。

a) $f(x) = x - 1, g(x) = \frac{2}{x} + 3$

b) $f(x) = 2\sqrt{x} + 3, g(x) = x^2 + 1$

c) $f(x) = \sin x, g(x) = |x|$

d) $f(x) = \log_2(x), g(x) = 4^x$

2] $x \neq -1, 0, 1$ のとき、関数 $f_1(x), f_2(x), f_3(x), f_4(x)$ を次のように定義する。

$$f_1(x) = x, \quad f_2(x) = -\frac{1}{x}, \quad f_3(x) = \frac{1+x}{1-x}, \quad f_4(x) = \frac{x-1}{x+1}.$$

a) $f_2 \circ f_3 = f_4$ すなわち $f_2(f_3(x)) = f_4(x)$ であることを証明せよ。

b) 右の表は f_2 の行と f_3 の列の交点に f_4 と書き入れて $f_2 \circ f_3 = f_4$ であることを示したものである。このようにして右の表を完成せよ。

○	f_1	f_2	f_3	f_4
f_1				
f_2				f_4
f_3				
f_4				

c) 前問の表を用いて、 $f_2(x), f_3(x), f_4(x)$ の逆関数をそれぞれ求めよ。

3] $f(x) = \frac{x-1}{x+2}$ とする.

a) $f(x)$ の定義域を示せ.

b) 逆関数 $f^{-1}(x)$ を求めよ.

c) $f^{-1}(x)$ の定義域を示せ.

d) $f(x), f^{-1}(x)$ の値域をそれぞれ求めよ.

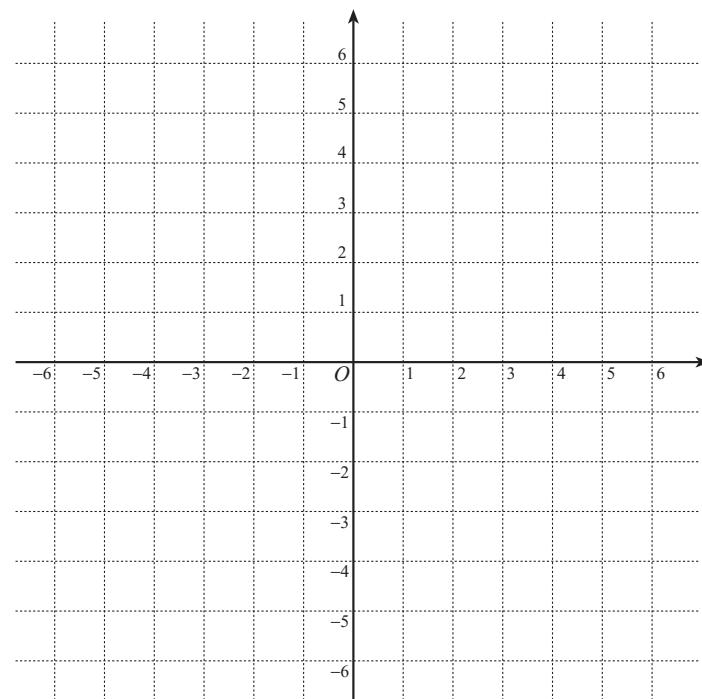
4] $f(x) = -\sqrt{-3x+6}$ とする.

a) $f(x)$ の定義域と値域を示せ.

b) 逆関数 $f^{-1}(x)$ を求めよ.

c) $f^{-1}(x)$ の定義域と値域を示せ.

d) $y = f(x)$ のグラフと逆関数 $y = f^{-1}(x)$ のグラフを描け.



5] 下の図のグラフは、関数 $y = f(x)$ のグラフである。その逆関数 $y = f^{-1}(x)$ のグラフは、 $y = f(x)$ のグラフを直線 [] に関し [] 移動したものである。 $y = f^{-1}(x)$ のグラフを下の図に書き込め。

