

6. 指数関数とそのグラフ

2010年度前期 基礎数学A1（金2限）

〔1〕次のそれぞれの値を求めよ。

a)  $\sqrt[5]{32} =$

b)  $\sqrt[3]{-8} =$

c)  $\sqrt[3]{-0.001} =$

d)  $\sqrt[4]{\frac{81}{16}} =$

〔2〕次のそれぞれの値を求めよ。

a)  $\sqrt[3]{4} \times \sqrt[3]{16} =$

b)  $\sqrt[4]{\frac{9}{4}} \times \sqrt[4]{36} =$

c)  $\sqrt[3]{0.0001} \times \sqrt[3]{10} =$

d)  $\sqrt[4]{80} \div \sqrt[4]{5} =$

〔3〕次のそれぞれの値を求めよ。

a)  $(\sqrt[6]{4})^3 =$

b)  $\sqrt[3]{-\sqrt{729}} =$

〔4〕次のそれぞれの値を求めよ。

a)  $3^0 =$

b)  $0.1^{-1} =$

c)  $(2.5^0)^{-4} =$

d)  $\left(\frac{2}{3}\right)^{-3} =$

〔5〕次のそれぞれの値を求めよ。

a)  $27^{-\frac{1}{3}} =$

b)  $8^{-\frac{2}{3}} =$

c)  $32^{0.4} =$

d)  $100^{-\frac{1}{2}} =$

学生証番号 : \_\_\_\_\_ 氏名 : \_\_\_\_\_

〔6〕 次の累乗根を分数の指数を用いて表せ。ただし、 $a > 0$  とする。

a)  $\sqrt[5]{a^7} =$

b)  $\frac{1}{\sqrt[4]{a}} =$

c)  $\sqrt[3]{a} \sqrt{a} =$

d)  $\sqrt{\sqrt[3]{a}} =$

〔7〕 次の各式を、 $\sqrt[n]{a^m}$  の形に表せ。ただし、 $a > 0$  とする。

a)  $a^{-1.25} =$

b)  $a^{-0.4} =$

c)  $\frac{1}{a^{-2.5}} =$

d)  $a^{-3.6} \times a^{4.3} =$

〔8〕 次の各々を計算せよ。ただし、 $a > 0$ 、 $b > 0$  とする。

a)  $\frac{a \sqrt[3]{a}}{\sqrt[6]{a}} =$

b)  $\sqrt[4]{a^3} \times \sqrt[6]{a^4} =$

c)  $\sqrt[3]{a} \div \sqrt[4]{a^3} =$

d)  $\frac{\sqrt{a^3 b} \times \sqrt[3]{a b^2}}{\sqrt[6]{a^5 b}} =$

e)  $10^{-\frac{1}{6}} \div 10^{-\frac{1}{3}} \times 10^{\frac{5}{6}} =$

f)  $a^{0.4} \div a^{-\frac{1}{3}} =$

g)  $a^{-\frac{1}{2}} \times a^{\frac{1}{3}} \div a^{\frac{5}{6}} =$

h)  $(a^{p-q})^r (a^{q-r})^p (a^{r-p})^q =$

〔9〕 次の各々の式を簡単にせよ。

a)  $(x^{\frac{1}{2}} + x^{-\frac{1}{2}})^2 =$

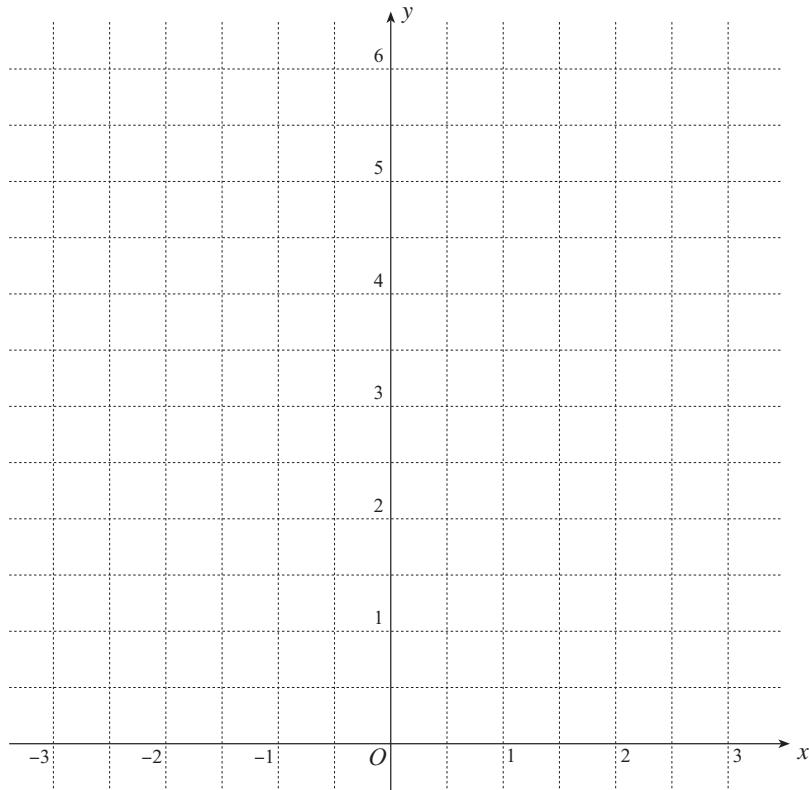
b)  $(ab^{-1} + a^{-1}b)^2 - (ab^{-1} - a^{-1}b)^2 =$

10 関数  $y = 2^x$  について次の表にあてはまる  $y$  の値を 小数 で表せ。ただし、 $2^{0.5} = 1.414$  とする。

ヒント： $2^{-0.5} = 2^{0.5} \times 2^{-1} = 1.414 \div 2 = 0.707$  であることなどに注意せよ。

$x$	-3	-2.5	-2	-1.5	-1	-0.5	0	0.5	1	1.5	2	2.5	3
$y$													

11 前問を利用して、指數関数  $y = 2^x$  のグラフを描け。



12 次の方程式を解け。

a)  $4^x = 32$

b)  $125^x = 25$

c)  $3^x = 1$

d)  $3^x = \sqrt{27}$

13 次の数を小さいものから順に並べよ.  $10^{-1}$ ,  $10^{\frac{3}{2}}$ ,  $10^0$ ,  $10^{-\frac{1}{2}}$ ,  $10^{\frac{2}{3}}$

14  $\sqrt{2}$  と  $\sqrt[3]{3}$  の大小を比べるために、両方を同じ累乗根で表し、 $\sqrt{2} = \sqrt[6]{8}$ ,  $\sqrt[3]{3} = \sqrt[6]{9}$  として、 $\sqrt[n]{\quad}$  の中の数を比べる方法がある。次の各組の数の大小を比べよ。

a)  $\sqrt{6}$ ,  $\sqrt[3]{14}$

b)  $\sqrt{10}$ ,  $\sqrt[3]{31}$

c)  $\sqrt[3]{3}$ ,  $\sqrt[4]{4}$ ,  $\sqrt[5]{5}$

15 4つの関数  $y = 3^x$ ,  $y = 3^{-x}$ ,  $y = -3^x$ ,  $y = -3^{-x}$  のグラフを描け。

